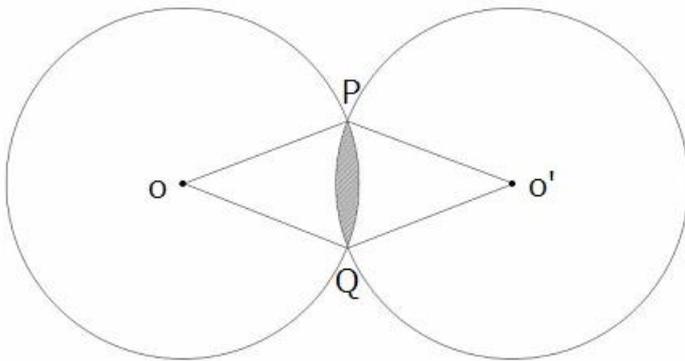


① (対象校: 早稲田・女子学院・フェリス・慶應湘南・慶應中等部など)

図は、半径が 6cm の円  $O$  と同じ大きさの円  $O'$  の一部が重なったものです。2 円の円周上の交点を、点  $P$  と点  $Q$  とします。斜線部分の周りの長さは 6.28cm になります。このとき、次の問いに答えなさい。ただし、円周率は 3.14 とします。

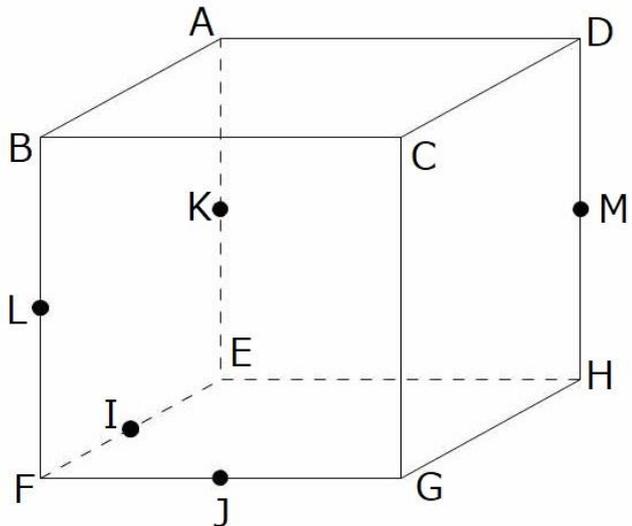
- (1) 角  $POQ$  は何度ですか。
- (2) 角  $OPO'$  は何度ですか。
- (3) 斜線部分の面積を求めなさい。



(1)	度	(2)	度	(3)	cm <sup>2</sup>
-----	---	-----	---	-----	-----------------

2 (対象校:海城・開成・駒東・聖光・早稲田・豊島岡・渋幕・早実など)

図のような1辺が12cmの立方体 ABCD-EFGH があります。また、点 I、J、K、L、M は辺の真ん中の点です。次の問いに答えなさい。

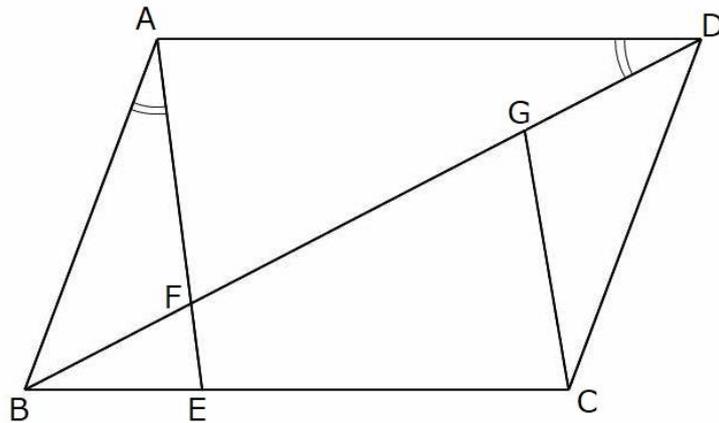


- (1) 点 A、I、J を通る平面で立方体を切るとき、切り口の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。
- (2) 点 A、I、J を通る平面と、点 K、L、M を通る平面の 2 つの平面で同時に立方体を切るときのことを考えます。
- ① 点 B を含む立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。
- ② 点 F を含む立体の表面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。

(1)	$\text{cm}^2$	(2)①	$\text{cm}^3$	②	$\text{cm}^2$
-----	---------------	------	---------------	---	---------------

3 (対象校: 浅野・慶應普通部・武蔵・早稲田など)

下の図は平行四辺形 ABCD で、 $AB=6\text{cm}$ 、 $BC=10\text{cm}$  です。印がついた部分の角度は等しくなっています。BF:FE=3:1、AE と GC は平行になっています。次の問いに答えなさい。



(1) EC の長さは何 cm ですか。

(2) 平行四辺形 ABCD の面積が  $50\text{cm}^2$  のとき、四角形 FECG の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。

(1)	cm	(2)	$\text{cm}^2$
-----	----	-----	---------------

4(対象校:麻布・開成・武蔵・渋渋・渋幕など)

円形のコースがあります。太郎君と次郎君が同時に同じ方向に向かってスタートし、2人とも2周走って同時にスタート地点にもどりました。太郎君は、はじめの20分間を時速12kmで走り、次の20分間を時速11kmで走りました。このように、太郎君は20分間走るときに時速1kmずつ遅くしていき、2周走ってスタート地点にもどったときの速さは時速9kmでした。次郎君は、1周目を時速12kmで、2周目を時速10kmで走りました。次の問いに答えなさい。

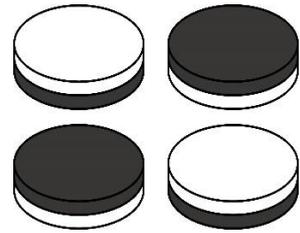
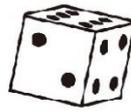
- (1) 円形のコースは1周何kmですか。分数で答えなさい。
- (2) 太郎君が次郎君を追い越したのは、スタートしてから何分後ですか。分数で答えなさい。

(1)	km	(2)	分後
-----	----	-----	----

⑤(対象校:栄光・開成・武蔵・渋幕など)

1 から 11 まで連続した整数が書かれた 11 枚のカードと大小 2 つのサイコロ、そして図のように白と黒にぬられた駒がたくさんあります。

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11



A 君と B 君がこれらの遊び道具を使って次のようなゲームを行います。

【ゲームのルール】

- ① 11 枚のカードを重ねてよくきり、1 枚ずつ、合計 3 枚引く。3 枚のカードに書かれた数字の和を計算する。
- ② カードの数字の和と同じ個数の駒を、白を表にして円形に並べる。(図 1)
- ③ 並べた駒の中から 1 つを選びスタート地点とし、その駒を黒に裏返す。(図 2)
- ④ 大小 2 つのサイコロをふる。サイコロの目の和を計算する。
- ⑤ カードの数字の和よりサイコロの目の和が大きい場合の得点は 0 点とする。ここでその人のゲームは終了となる。
- ⑥ ⑤以外の場合は、スタート地点からサイコロの目の和の数だけ、時計回りに数えたところにある駒を黒に裏返す。(図 3)以下これをくり返す。(図 4、5)
- ⑦ スタート地点にもどったら、ゲームを終わりとする。表が黒になっている駒の個数を得点とする。(図 5)
- ⑧ A 君、B 君の順で別々にこのゲームを行い、得点の多い方を勝ちとする。同点の場合は最初からもう一度ゲームを行い、勝敗が決まるまでゲームを行う。

次のページにゲームの遊び方の例が書かれていますので参考にしなさい。

【例】

ひいた3枚のカードにかかれた数字は、引いた順に6、2、4であった。白を表にした駒を円形に並べ、スタート地点を決める。

○……白を表にした駒

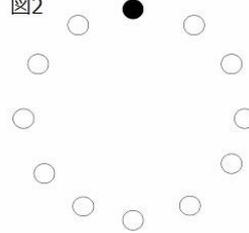
●……黒を表にした駒

スタート地点

図1



図2



大きいサイコロの目は3、小さいサイコロの目は5であった。

図3

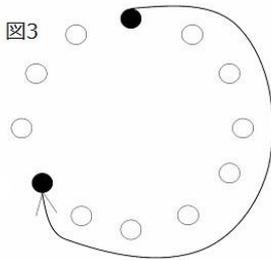


図4

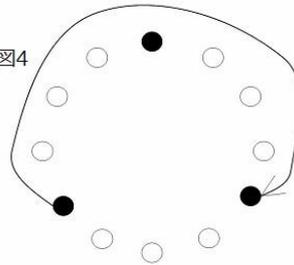
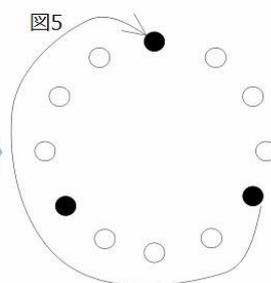


図5



スタート地点から8番目を黒にする

この場合、スタート地点にもどったのでゲームは終わりとなり、黒に変わった駒は3個なので得点は3点となる。

このとき、次の問いに答えなさい。

(1) 次のケースの時、A君とB君の得点を答え、AかBか勝った方に○をつけなさい。

① A君が引いたカード:3、6、5 サイコロの目…大5、小3

B君が引いたカード:9、1、2 サイコロの目…大2、小5

② A君が引いたカード:7、10、1 サイコロの目…大4、小5

B君が引いたカード:4、1、5 サイコロの目…大6、小5

(2) このゲームにおいて、0点の次に低い点数は何点ですか。また、その点数になりえるカードの和をすべてあげなさい。

(3) 大小2つのサイコロの目がどのような数字であっても、常に得点と同じになるカードの和があります。そのような和は何種類ありますか。また、その中で最も高い点数の得点は何点ですか。

- (4) (3)の「最も高い点数」に勝つことができるカードの引き方と大小 2 つのサイコロの目の出方のセットは全部で何通りありますか。
- (5) A 君がゲームを終え、B 君がゲームを始めました。B 君は A 君の得点を忘れてしまいましたが、A 君のカードの和は 11 と覚えていました。B 君は自分が引いた 3 枚のカードの和を計算し、サイコロを振る前に自分が勝つとわかりました。その和は偶数でした。B 君が引いた 3 枚のカードの和はいくつですか。
- (6) あるゲームが終わり、B 君が勝ち A 君が負けました。ところが、A 君はサイコロの目の和を間違えて 1 だけ大きく計算していたことに気がつきました。正しい目の和でゲームをやりなおしたところ、間違えた目の和のときの得点の 10 倍の得点になり、B 君に勝つことが出来ました。A 君が引いたカードの和はいくつですか。考えられる和をすべてあげなさい。また、考えられる A 君のサイコロの目の出方を 1 つあげなさい。

(1) ①A( )点 B( )点	勝った方 A・B
②A( )点 B( )点	勝った方 A・B
(2) 点数: 点	和:
(3) 種類: 種類	得点: 点
(4) 通り	
(5) 和:	
(6) 和:	サイコロの目: (大: 小: )

6 (対象校: 浅野・海城・慶應普通部・武蔵・早稲田・桜蔭など)

ある博物館の入場料は、大人が 1500 円で子どもはそれよりも安い料金になっています。また、大人と子どもに関係なく 20 人以上であれば団体扱いとなり、その場合の料金は大人、子どもともに 1 人につき 20% 割引になります。次の問いに答えさない。

- (1) 大人と子どもをあわせて 30 人の団体が、団体割引によって割引のない料金よりも 7600 円安くなりました。大人だけで入場すると団体割引はなく、30 人の団体割引料金よりも 6400 円安くなります。子ども 1 人の入場料はいくらですか。
- (2) 子どもの人数が大人の人数よりも多いグループでこの博物館に入ったとき、入場料の合計金額はちょうど 23000 円でした。子どもの入場料は(1)で求めたものとして、大人と子どもの人数の考えられる組み合わせをすべて求めなさい。  
(大人の人数、子ども人数)で答えなさい。例えば、大人 6 人と子ども 8 人の場合、(6, 8)と答えなさい。

(1)	円	(2)
-----	---	-----



(2) 図の直方体を3点B、D、Gを通る平面と、3点A、C、Fを通る平面で切断します。

①点Eを含む立体の体積は何 $\text{cm}^3$ ですか。

②(2)①の立体の表面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

(3) 図の直方体を3点B、D、Gを通る平面と、3点A、C、Fを通る平面と、3点A、C、Hを通る平面と、3点B、D、Eを通る平面で切断します。

① 底面EFGHを含む立体の体積は何 $\text{cm}^3$ ですか。

② (3)①の立体の表面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

(1)	$\text{cm}^2$		
(2)①	$\text{cm}^3$	(2)②	$\text{cm}^2$
(3)①	$\text{cm}^3$	(3)②	$\text{cm}^2$

8(対象校:浅野・開成・駒東・聖光・武蔵・早稲田・豊島岡・渋渋・渋幕・早実など)

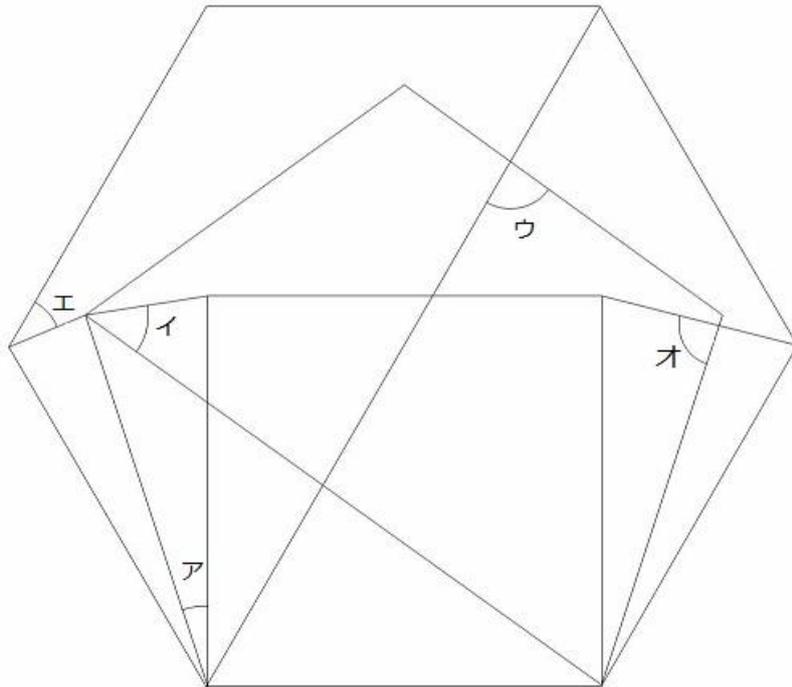
1階から50階までである高層マンションがあります。太郎君は1階にいます。太郎君はサイコロ1個を1回投げごとに、1の目が出れば1階上がり、3か5の目が出れば2階上がり、偶数(2、4、6)の目が出れば1階降りるというゲームを行います。1階にいるときに偶数の目が出たときには、1階にとどまります。地下は考えません。次の問いに答えなさい。

- (1) 太郎君はサイコロを3回投げ、5階まで上がりました。3回のサイコロの目の出方は何通りありますか。
- (2) 太郎君はサイコロを3回投げ、3階まで上がりました。3回のサイコロの目の出方は何通りありますか。
- (3) 太郎君はサイコロを4回投げ、4階まで上がりました。4回のサイコロの目の出方は何通りありますか。

(1)	通り	(2)	通り	(3)	通り
-----	----	-----	----	-----	----

9 (対象校: 早稲田・女子学院・渋渋・早実など)

図は、正方形、正五角形、正六角形を組み合わせてできた図形です。  
ア、イ、ウ、エ、オの角の大きさを求めなさい。



ア:	イ:	ウ:	エ:	オ:
----	----	----	----	----

10 (対象校: 浅野・洗足・豊島岡・フェリス・渋渋・明大明治・早実など)

3種類の食塩水 A、B、C があります。食塩水 A、B、C に溶けている食塩の量の比は、2:4:1 です。また、A と B を混ぜた食塩水、B と C を混ぜた食塩水、C と A を混ぜた食塩水の濃さの比は、9:10:9 です。食塩水 A の濃さが 4% のとき、食塩水 B、C の濃さをそれぞれ求めなさい。

B :	%	C :	%
-----	---	-----	---

11 (対象校: 浅野・麻布・栄光・開成・渋渋・渋幕・聖光・筑駒など)

平面上に直線や円を書く操作を行います。次の問いに数字のみで答えなさい。

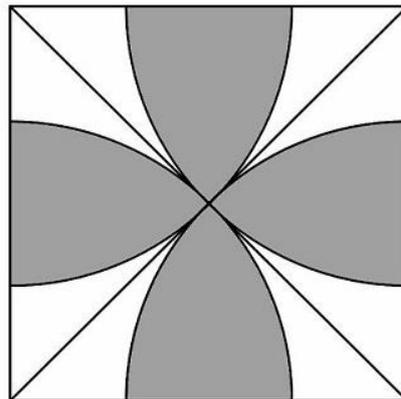
- (1) 平面上に、たくさんの直線を引きます。そのうちの 2 本のみが平行であるとしませんが、どの 3 本も 1 点で交わることはないとしします。2023 本の直線を引いたとき、平面は何か所の部分に分かれますか。
- (2) 平面上に、たくさんの円を、どの 2 つの円も互いに交わるように書いていきます。しかし、3 つ以上の円は同じ 1 つの点で交わることはありません。2023 個の円を書いたとき、平面は何か所の部分に分かれますか。
- (3) 1 つの円の中にたくさんの弦を書いていきます。どの 2 本の弦も円の内部で交わりませんが、どの 3 本も同じ 1 つの点を通ることはないように書きます。
- ① 2023 本の弦を書いたとき、円の内部は何か所の部分に分かれますか。
- ② ①のとき、分かれた部分のうち、形が多角形であるものは何個ありますか。

(1)	(2)
(3)①	②

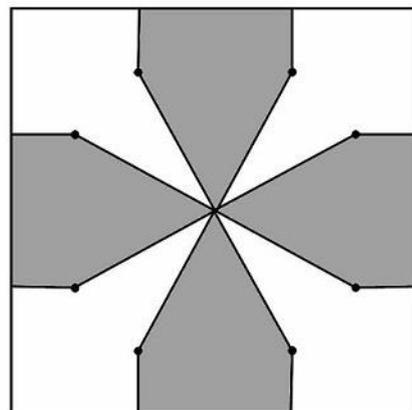
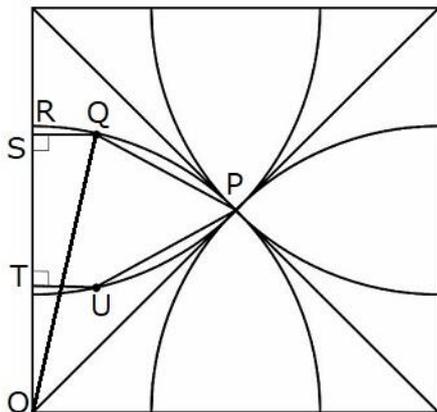
12

(対象校: 浅野・麻布・開成・駒東・聖光・早稲田・豊島岡・渋渋・渋幕・など)

(1) 下の図は一辺が 12cm の正方形です。対角線を 2 本引き、対角線に接するように中心角が  $90^\circ$  のおうぎ形を、正方形の頂点を中心として 4 つ書きました。図の色のついた部分の面積を求めなさい。以下円周率は 3.14 とします。



(2) 下の左側の図は(1)のおうぎ形にさらに書き加えたものです。点 P は対角線の交点になります。点 R は正方形の辺上の点で、弧 PR を 2:1 に分ける点を点 Q とします。同じように点 U をとります。点 Q と U から正方形の辺に垂直な線を引き、交わった点を、それぞれ点 S、T とし、五角形 PQSTU を書きました。このとき、三角形 OSQ の面積を求めなさい。

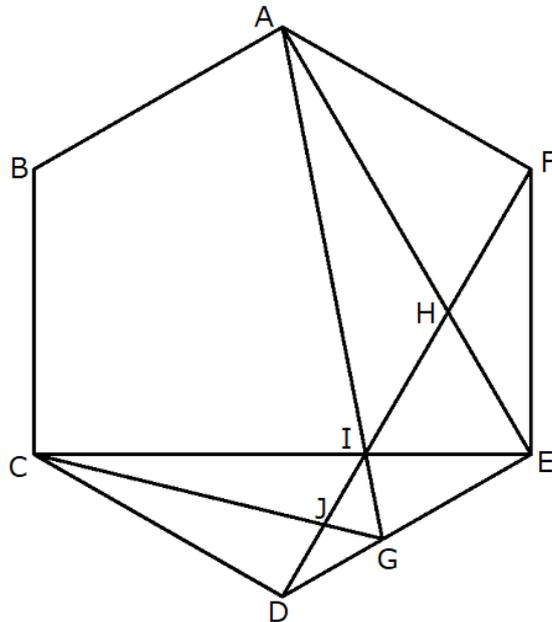


(3) (2)の五角形 PQSTU と同じようにしておうぎ形の弧の上に点を取り、五角形を 4 つ書くと上の右側の図のようになりました。色のついた部分の面積を求めなさい。

(1)	cm <sup>2</sup>	(2)	cm <sup>2</sup>	(3)	cm <sup>2</sup>
-----	-----------------	-----	-----------------	-----	-----------------

13 (対象校: 浅野・麻布・慶應普通部・都市大・武蔵・早稲田・鷗友・洗足など)

図の正六角形 ABCDEF で AE と DF と CE は正六角形の対角線になります。その交点をそれぞれ H、I とし、AI の延長が辺 DE と交わる点を G とします。CG と DF の交点を J とします。次の各問いに答えなさい。



- (1) AI と IG の長さの比を求めなさい。
- (2) DG と GE の長さの比を求めなさい。
- (3) 三角形 GDJ と三角形 AIH の面積の比を求めなさい。

(1)            :	(2)            :	(3)            :
------------------	------------------	------------------

14(対象校:浅野・栄光・慶應普通部・聖光・早稲田・桜蔭・洗足・フェリスなど)

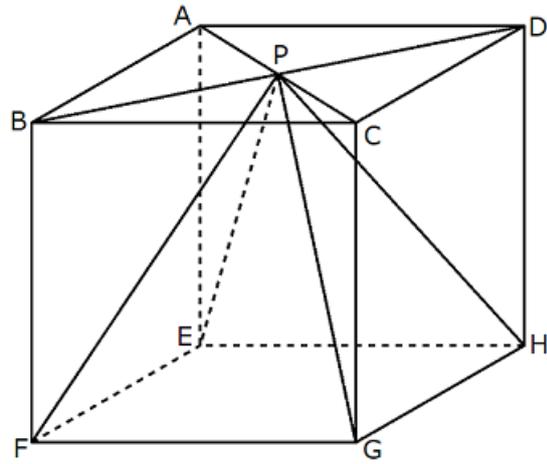
ある整数  $A$  の約数の個数を  $\langle A \rangle$  で表します。例えば、 $\langle 10 \rangle = 4$  です。

- (1)  $\langle A \rangle \times \langle B \rangle = 4$  のとき、 $\langle A \times B \rangle$  はいくつになりますか。すべて求めなさい。
- (2)  $\langle A \rangle \times \langle B \rangle = 8$  のとき、 $\langle A \times B \rangle$  はいくつになりますか。すべて求めなさい。

(1)	(2)
-----	-----

15 (対象校: 浅野・海城・開成・駒東・聖光・都市大・桜蔭・豊島岡・渋幕・明明など)

(I) 1 辺の長さが 12cm の立方体 ABCD-EFGH があり、正方形 ABCD の対角線 AC と BD の交点を P とします。立方体の内部の四角すい P-EFGH について考えます。

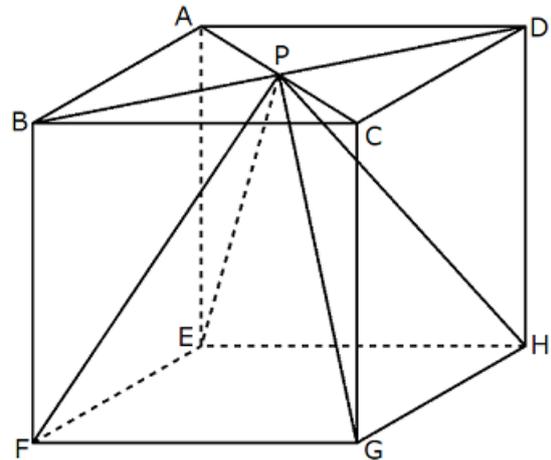


- (1) 立方体の頂点 C、D、E、F を通る平面で切断します。この平面と辺 PH との交点を M、辺 PG との交点を N とします。MN の長さは何 cm ですか。
- (2) (1) のあと、さらに立方体の頂点 A、B、G、H を通る平面で切断します。面 EFGH を含む立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。
- (3) (2) のとき、頂点 P を含む立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。

(1)	cm	(2)	$\text{cm}^3$	(3)	$\text{cm}^3$
-----	----	-----	---------------	-----	---------------

次のページに続きます。

(Ⅱ)(Ⅰ)と同じ四角すいについて考えます。立方体の辺 AE、CG の真ん中の点をそれぞれ Q、R とします。



(4) 点 D、Q、R、F を通る平面で切断します。この平面と辺 PH との交点を S とします。  
PS と SH の長さの比を求めなさい。

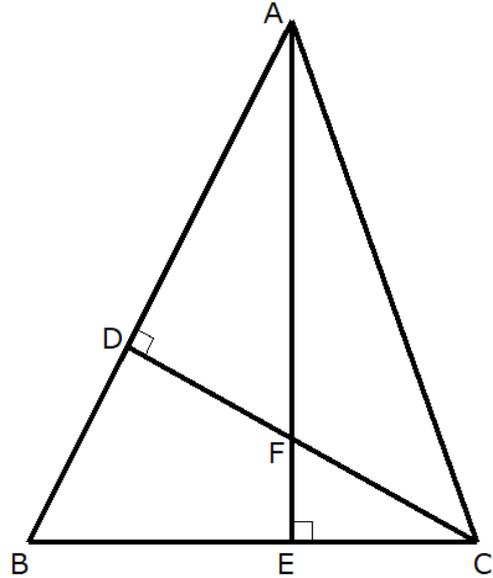
(5) (4) のとき、頂点 P を含む立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。

(6) (4) のあと、さらに点 B、Q、R、H を通る平面で切断します。面 EFGH を含む立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。

(4)	:	(5)	$\text{cm}^3$	(6)	$\text{cm}^3$
-----	---	-----	---------------	-----	---------------

16(対象校:海城・開成・駒東・聖光・フェリス・渋渋・渋幕・明明・早実など)

図のような三角形 ABC があります。頂点 C から辺 AB に垂直な線を引き、交わった点を D とします。同様に、頂点 A から辺 BC に垂直な線を引き、交わった点を E とします。DB の長さは 8cm、BC の長さは 17cm です。三角形 ADF と三角形 AFC の面積の比は 28:17 になります。次の問いに答えなさい。

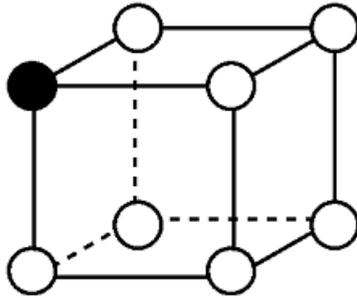


- (1) AF:FE を求めなさい。
- (2) EC の長さは何 cm ですか。
- (3) 三角形 ABC の面積を求めなさい。

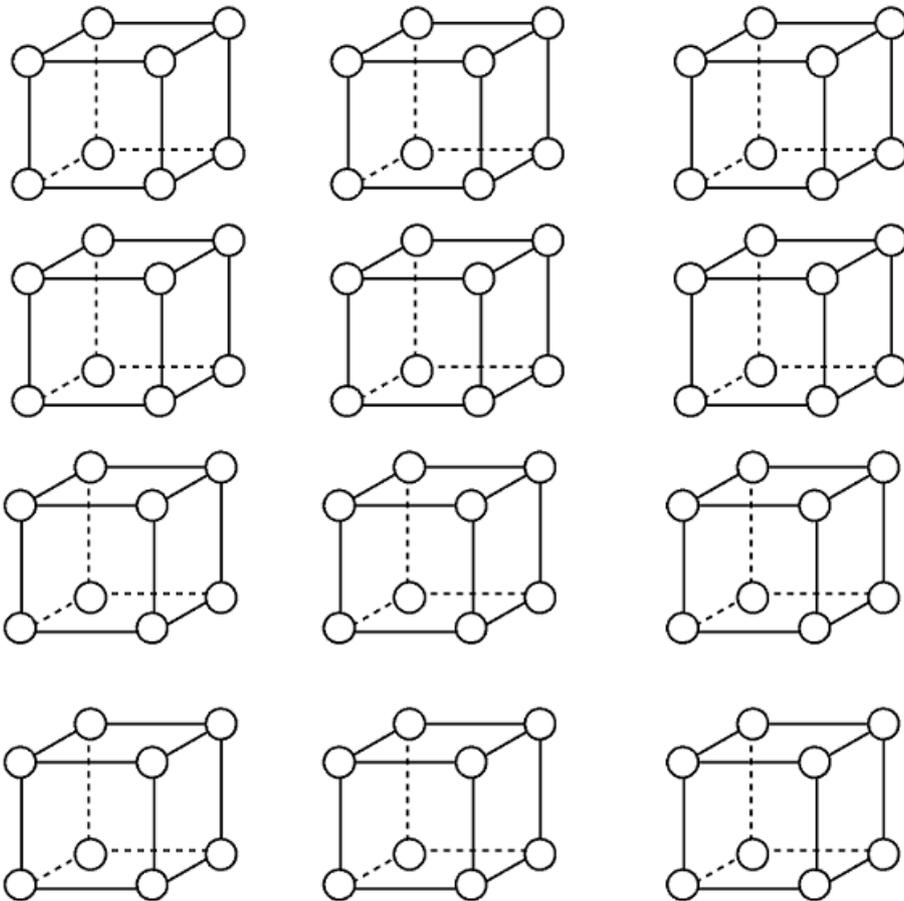
(1)            :	(2)            cm	(3)            cm <sup>2</sup>
------------------	-------------------	--------------------------------

17(対象校: 浅野・麻布・栄光・駒東・聖光・桜蔭・渋渋・渋幕・慶應中等部・早実など)

白い粘土玉と黒い粘土玉がたくさんあります。立方体の頂点に白と黒の粘土玉をとりつけるとき、そのとりつけ方について考えます。図のように黒い粘土玉 1 個、白い粘土玉 7 個の場合、回転してできる場合も考えると、そのとりつけ方は 1 通りとなります。



次の問いに答えなさい。必要であれば下の図を使って考えなさい。



- (1) 黒い粘土玉 3 個、白い粘土玉 5 個のとりつけ方は、何通りありますか。
- (2) 黒い粘土玉 4 個、白い粘土玉 4 個のとりつけ方は、何通りありますか。
- (3) 黒い粘土玉と白い粘土玉のとりつけ方は、全部で何通りありますか。ただし、どちらの色も少なくとも 1 個はとりつけることとします。

(1)	通り	(2)	通り	(3)	通り
-----	----	-----	----	-----	----

18(対象校:麻布・栄光・開成・聖光・桜蔭・洗足・渋渋・渋幕・早実など)

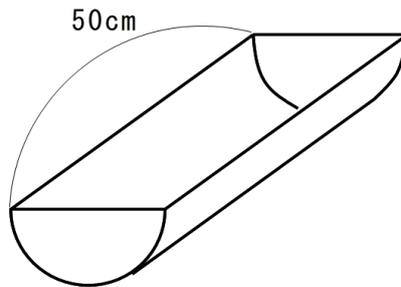
Aさんが時速12kmで線路ぞいの道をランニングしていました。6時に後ろからきた普通列車と急行列車に同時に追いつかれました。さらに、6時に同時に追いつかれた2本をのぞいて、普通列車と急行列車の3本に追いつかれ、その後6時24分には、再び普通列車と急行列車に同時に追いつかれました。次の日にAさんは同じ道を自転車でサイクリングしていたところ、前日と同じように6時に後ろからきた普通列車と急行列車に同時に追いつかれました。さらに、6時に同時に追いつかれた2本をのぞいて、普通列車と急行列車の計7本に追いつかれ、その7本目に追いつかれた時刻は6時48分でした。自転車で目的地に着いたときには、6時に同時に追いつかれた2本をのぞいて、40本の列車に追い抜かれていました。普通列車は6分間隔で、急行列車は10分間隔で運転されていて、普通列車と急行列車の速さの比は2:3です。Aさんと列車は常に一定の速さで走行しているものとし、停車駅に停車することと電車の長さは考えないものとしします。

- (1) 普通列車の速さを求めなさい。
- (2) Aさんの自転車をこぐ速さを求めなさい。
- (3) Aさんは自転車で、何時何分を過ぎてから何時何分までに目的地に着きましたか。ただし、目的地で列車に追いつかれたことはなく、「7時15分を過ぎてから7時30分までに」とは7時15分と7時30分は含まれないものとしします。

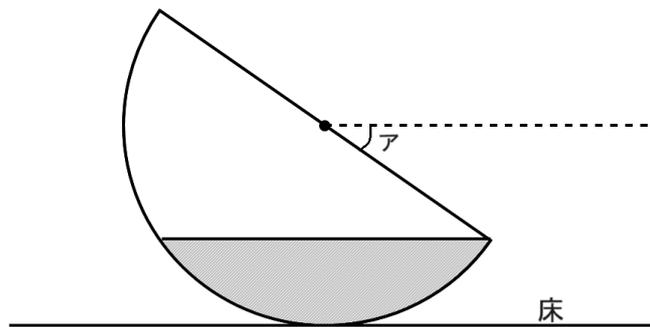
(1)時速	km	(2)時速	km	
(3)	時	分を過ぎてから	時	分までに着いた。

19 (対象校:麻布・開成・海城・早稲田・吉祥女子・フェリス・慶應中等部・明明など)

図のような円柱を半分に切った、底面が半円の容器があります。底面の半円の半径は 6cm、容器の高さは 50cm です。



この容器に水をいっぱいにして平らな床の上に置き、傾けていきます。下の図のように半円を含む平面で考えたとき、半円の中心を通り床と平行な点線を引き、傾けたときのアの角度をはかります。色がついているのは容器に残った水です。次の問いに答えなさい。円周率は 3.14 とします。



- (1) アが  $45^\circ$  のとき、容器の内側で水にふれている部分の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。
- (2) アが  $15^\circ$  のとき、容器に残っている水の量は何  $\text{cm}^3$  ですか。
- (3) アが  $30^\circ$  の状態から  $60^\circ$  に傾けると、容器から何  $\text{cm}^3$  の水がこぼれますか。

(1)	$\text{cm}^2$	(2)	$\text{cm}^3$	(3)	$\text{cm}^3$
-----	---------------	-----	---------------	-----	---------------